

В связи с этим для расширения ассортимента, улучшения качества продукции и ее упаковки, снижения себестоимости выпускаемой продукции, повышения ее конкурентоспособности на внутреннем и внешнем рынках предусмотрено техническое перевооружение предприятий (в два этапа).

Техническое переоснащение мясоперерабатывающих предприятий создает основу для повышения качества и безопасности продукции, получения сертификатов соответствия системы менеджмента качества требованиям СТБ ИСО 9000-2001 и внедрения Международной системы анализа рисков и критических контрольных точек (НАССР).

Научно-техническое обеспечение мясной промышленности предусматривает разработку и использование новых видов упаковки, обеспечивающей повышение сроков годности и сохранение качества продуктов; создание новых и совершенствование действующих процессов обработки мяса и мясных продуктов; научное обоснование рецептур мясных продуктов при оптимальных соотношениях белка, жира, влаги и других веществ, отвечающих требованиям рационального питания; разработку комбинированных мясных продуктов функционального назначения с использованием современных пищевых добавок, микроингредиентов; разработку новой и пересмотр действующей нормативно-технической документации. В рамках Программы планируется разработка и освоение линий для производства колбас и сосисок, вакуумных шприцев, варочно-копильных камер.

*В.И.Яшкин, к.ф.-м.н., доцент,  
В.В.Позняков, к.э.н., доцент, УО «БГЭУ» (г.Минск)*

## **ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ МОДЕЛЕЙ В ТУРИСТИЧЕСКОМ БИЗНЕСЕ**

Успешное развитие туризма в Республике Беларусь идет параллельно с развитием и адаптацией научных концепций и адаптацией уже апробированных в мировой практике математических моделей в этой сфере. Для решения задач такого характера применяются методы дифференциальных уравнений, теоретико-вероятностные методы, методы математического программирования и эконометрики, а также методы других разделов математики. Внедрение математических методов способствует более эффективному и рациональному использованию материальной базы, распределению финансовых и трудовых ресурсов. Удачное внедрение должно привести к извлечению максимально возможной в реальной ситуации прибыли.

В системе туристического бизнеса организации работают в условиях жесткой конкуренции, появления более мощных объединенных туристических структур. Выживание каждого поставлено в прямую зависимость от быстроты его реакции на новые факторы конкуренции, умения сократить как цикл возникновения нового туристического продукта, так и рыночный цикл нового продукта. С целью сохранения своих позиций на рынке туристических услуг организация должна постоянно находиться в стадии выбора и принятия эффективных инвестиционных решений. Принятие конкретного решения на практике вызывает большие сложности, так как такого рода процессы соответствуют трудно формализуемым моделям. Экономическая эффективность туристической деятельности определяется с помощью системы показателей. К таким

показателям относятся количество прибытий (отбытий) и продолжительность пребывания. Количество прибытий (отбытий) включает число зарегистрированных туристов, прибывших (отбывших) на тот или иной туристический объект за определенный период времени (женщин, мужчин, детей), и является основным показателем туристического движения.

Всегда актуальным являлся комфортный семейный отдых. Важно провести исследование динамической модели в сфере туризма с учетом этого фактора. Пусть  $x = x(t) \in (0, 100]$  – возраст туристов,  $t \in [0, L]$  – время,  $L$  – длительность временного интервала,  $L > 0$ . Формальная запись такой модели может иметь следующий вид:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial w(t, x)}{\partial t} + \frac{\partial w(t, x)}{\partial x} = -d_1(t, x)w(t, x), \quad t > 0, x > 0, \\ \frac{\partial v(t, x)}{\partial t} + \frac{\partial v(t, x)}{\partial x} = -d_2(t, x)v(t, x), \quad t > 0, x > 0, \\ w(t, x) = \int_0^L ab_1(t, x)g(x)dt, \quad t > 0, \\ v(t, x) = \int_0^L ab_2(t, x)h(t, x)dt, \quad t > 0, \\ w(0, x) = g(x), \quad v(0, x) = h(x), \quad x > 0. \end{array} \right. \quad (1)$$

В модели (1) приняты следующие обозначения:  $a$  – коэффициент, отражающий влияние рекламы туристического продукта на количество людей, например, ей соответствует модель (2), которая будет рассматриваться далее;  $d_1(t, x)$  и  $d_2(t, x)$  – интенсивности ухода из сферы туризма (отказы от поездок, несчастные случаи и т. п.),  $b_1(t, x)$  и  $b_2(t, x)$  – функции привлекательности семейного отдыха для женщин и мужчин в возрасте  $x$  лет в момент времени  $t$ ,  $w(0, x)$  и  $v(0, x)$  – количество туристов женского и мужского пола в момент времени  $t = 0$ . Отметим, что применение одинакового коэффициента  $a$  для туристов женского и мужского пола является значительной идеализацией процесса моделирования. Временной интервал можно принять равным одному году.

Исследование действия рекламы на замкнутое население в сфере туризма при определенных условиях приводит к дифференциальной модели [1, 323-326]:

$$x'(t) = (k(t) + b(t)x(t)) \cdot (N - x(t)), \quad 0 < t \leq T; \quad x(0) = x_0. \quad (2)$$

Приведем пример формулировки условий для такой модели. Пусть для эффективной рекламной компании по реализации некоторого туристической услуги используется гипертекстовое информационное пространство Web-сайтов Internet. Пусть  $t$  – время, прошедшее с начала рекламной компании. Об услуге в момент времени  $t=0$  из числа потенциальных покупателей  $N$  знает лишь  $x_0$ . Требуется определить число знающих о данной услуге (охваченных рекламой) в каждый момент  $t$  временного интервала  $(0, T]$ . Формализация процесса основывается на трех следующих предположениях. Во-первых, все потребители – пользователи WWW. Во-вторых, скорость изменения  $x'(t)$  числа пользователей  $x(t)$ , узнавших об услуге и готовых воспользоваться ею пропорциональна с коэффициентом пропорциональности  $k(t)$  числу  $N - x(t)$  потребителей, еще не знающих о ней. Функция  $k(t) > 0$  характеризует интенсивность рекламного механизма за время  $T < \infty$  всей рекламной компании. В-третьих, в гипертекстовом пространстве сети резко возрастает влияние на эффективность рекламы так называемых «бесплатных рекламных агентов»: узнавшие об услуге пользователи информируют о ней еще не знавших. Предполагается, что скорость  $x'(t)$  изменяется на величину  $b(t) \cdot x(t) \cdot (N - x(t))$ . Если значения  $b(t) > 0$ , то суммарное мнение «рекламных агентов» об услуге положительное; если  $b(t) \leq 0$ , то – отрицательное. Тогда математической моделью данной задачи является задача Коши (2).

Для нахождения решения задачи (1-2) можно воспользоваться численными методами типа Рунге-Кутты, которые приведут к решению системы алгебраических уравнений. Применение математических компьютерных систем, например Maple, Mathematica, уменьшает трудоемкость и увеличивает наглядность анализа частных решений задачи (1-2) при различных видах функциональных зависимостей  $b_1(t, x)$  и  $b_2(t, x)$ ,  $d_1(t, x)$  и  $d_2(t, x)$ ,  $b(t)$  и  $k(t)$ .

Методика решения задач для дифференциальных уравнений с частными производными в системе аналитических вычислений Maple изложена в [2]. Для коэффициентов с постоянными значениями модель (1) соответствует процессам переноса и может решена. Уравнение Риккати в (2) не имеет особых решений, в квадратурах интегрируется лишь в редких случаях. При известном частном решении уравнение (2) сводится к уравнению Бернулли. Напомним, что соответствующее уравнение Бернулли приводится к линейному обыкновенному дифференциальному уравнению с помощью замены  $z = (x(t))^{-1}$ . Применение системы Mathematica для решения задач такого типа рассмотрено, например, в [3, 137–139].

В заключение отметим, что для исследования задач экономики во многих случаях целесообразно применять методы дискретной математики. В то же время, для качественного анализа динамики туристских потоков, содержащих не более 100 млн. клиентов, эффективным является применение дифференциальных моделей.

## Литература

1. Яшкин, В.И., Марков А.В. Динамические модели в туристском бизнесе // Современные тенденции развития теории и практики менеджмента: материалы междунар. науч.-практ. конф., г. Курск, 25 сентября 2009 г. В 3-х ч. / Курск гос. ун – т. – Курск, 2009. – Ч. 3.
2. Голосков, Д. П. Уравнения математической физики. Решение задач в системе Maple. Учебник для вузов / Д.П. Голосков. – СПб.: Питер, 2004. – 569 с.: ил.
3. Прокопеня, А. Н. Применение системы Mathematica к решению обыкновенных дифференциальных уравнений / А. Н. Прокопеня, А. В. Чичурин. – Минск: БГУ, 1999. – 265 с.: ил.