

снизить неопределенность результата вычислений. Учитывая, что полученные в результате расчетов нечеткие числа будут пересекаться, представляется проблематичным использование для их сравнения классических моделей сравнения нечетких чисел. Поэтому предлагается использовать двухкритериальную методику сравнения нечетких чисел Венберга.

Предложенная модель антикризисной диагностики позволяет прогнозировать состояние организации используя аппарат процессов гибели и размножения. Предложенная модель антикризисной диагностики, основанная на нечетких процессах гибели и размножения, отличается использованием размытых экспертных знаний, формализуемых при помощи нечетких чисел, что позволяет использовать ее в условиях «дурной» неопределенности, и тем самым существенно расширить сферу применимости таких моделей антикризисной диагностики.

## ПОДЪЕМ КОЛОННЫ БУРИЛЬНЫХ ТРУБ С ПОДХВАТОМ СО СТОЛА РОТОРА

Табунов В.А.

*УО «Бобруйский филиал Белорусского государственного экономического университета»*

Будем рассматривать бурильную колонну как стержень с массой распределенной по длине  $l$ . Предполагаем, что подъемный барабан независимо от натяжения на набегающем конце каната вращается с постоянной скоростью. Свисающие струны каната считаем пружиной с жесткостью  $c = \frac{E_1 F_1 n}{l_1}$ ,  $E_1$  – модуль

Юнга,  $F_1$  – площадь поперечного сечения,  $l_1$  – длина,  $n$  – число свисающих струн каната талевого системы. Вес поступательно движущихся элементов талевого системы обозначим  $P_2$ , вес утяжеленного низа бурильной колонны обозначим  $P_1$ . Ось  $Ox$  направляем по оси бурильной колонны вертикально вверх, начало координат помещаем в точке  $O$ .

При вращении подъемного барабана натяжение каната талевого системы увеличивается. Несмотря на это бурильная колонна остается в покое до тех пор, пока на крюке не разовьется усилие, равное статическому весу всей системы. Отсчет времени начинаем с того момента, когда на крюке возникает сила равная весу всей системы и потому в составленных уравнениях статическую силу (силу тяжести элементов системы) можно исключить.

Дифференциальные уравнения движения для отдельных элементов системы записываются в виде:

1. для бурильной колонны

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = a^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}, \quad a = \sqrt{\frac{E}{\rho}}, \quad (1)$$

2. для утяжеленного низа

$$\frac{P_1}{g} \frac{d^2 u_1}{dt^2} = EF \left. \frac{\partial u(x,t)}{\partial x} \right|_{x=0} \quad (2)$$

3. для массы весом  $P_2$   $\frac{P_2}{g} \frac{d^2 u_2}{dt^2} = c(u_0 - u_2) - EF \left. \frac{\partial u(x,t)}{\partial x} \right|_{x=l}$  (3)

Здесь  $u_0, u_1, u, u_2$  соответственно перемещения набегающего конца каната, приведенные к крюку, утяжеленного низа буровой колонны и поступательно движущихся частей элементов талевого системы.  $\rho$  – плотность материала буровых труб,  $l$  – длина буровой колонны,  $F$  – площадь поперечного сечения буровой колонны.  $u_0$  можно определить из соотношения  $u_0 = \frac{vt}{k}$ , где  $v$  – скорость набегающего конца каната,  $k$  – кратность полиспаста,  $t$  – время.

Задача сводится к решению дифференциального уравнения (1) при нулевых начальных условиях с граничными условиями (2) и (3).

С помощью преобразования Карсона-Хевисайда перейдем от оригинала к изображению:

$$a^2 \frac{d^2 \bar{u}}{dx^2} = p^2 \bar{u}, \quad (4)$$

$$\frac{P_1}{g} p^2 \bar{u}_1 = EF \left. \frac{d\bar{u}(x,p)}{dx} \right|_{x=0}, \quad (5)$$

$$\frac{P_2}{g} p^2 \bar{u}_2 = \frac{cv}{kp} - c\bar{u}_2 - EF \left. \frac{d\bar{u}(x,p)}{dx} \right|_{x=l}. \quad (6)$$

Решение уравнения (4) записывается в виде:

$$\bar{u} = C_1 \operatorname{ch} \frac{p}{a} x + C_2 \operatorname{sh} \frac{p}{a} x.$$

С учетом уравнений (5) и (6) запишем:

$$\bar{u} = \frac{cv}{kpB(p)} \left( \operatorname{ch} \frac{p}{a} x + A(p) \operatorname{sh} \frac{p}{a} x \right), \quad (7)$$

где

$$A(p) = \frac{P_1 a p}{E F g};$$

$$B(p) = \left( \frac{P_2 p^2}{g} + c \right) \left( ch \frac{pl}{a} + Ash \frac{pl}{a} \right) + \frac{EFp}{a} \left( sh \frac{pl}{a} + Ach \frac{pl}{a} \right). \quad (8)$$

Переходя от изображения к оригиналу, получим искомое решение:

$$u(x, t) = u_0 + \frac{2cvl}{ak} \sum_{n=0}^{\infty} \left( \cos \frac{v_n x}{l} - \alpha_2 v_n \sin \frac{v_n x}{l} \right) \frac{\sin \frac{v_n at}{l}}{v_n W(v_n)}, \quad (9)$$

где  $W(v_n) = p_n B'(p_n)$ ,  $v_n = i \frac{p_n l}{a}$  и

$$W(v_n) = -c \left[ \begin{aligned} & 2\alpha_2 \beta v_n^2 (\cos v_n - \alpha_1 v_n \sin v_n) + v_n (1 - \alpha_2 \beta) \left( \sin v_n + \alpha_1 \sin v_n + \right. \\ & \left. \alpha_1 v_n \cos v_n \right) + \beta v_n (\sin v_n + \alpha_1 v_n \cos v_n) + \beta v_n^2 (\cos v_n + \alpha_1 \cos v_n - \alpha_1 v_n \sin v_n) \end{aligned} \right]. \quad (10)$$

Здесь  $\alpha_1 = \frac{P_1}{P_0}$ ;  $\alpha_2 = \frac{P_2}{P_0}$ ;  $\beta = \frac{EF}{lc}$ ;  $P_0 = \rho g Fl = ql$  ( $g$  – ускорение свободного падения;  $q$  – вес единицы длины буровой колонны);  $v_n$  – положительные корни уравнения  $B(p) = 0$ . С учетом того, что  $p_n = \frac{av_n}{il}$  из соотношения (8) получим:

$$C \operatorname{tg} v_n = \frac{v_n [\beta + \alpha_0 (1 - \beta \alpha_2 v_n^2)]}{1 - \beta \alpha_0 v_n^2}, \quad \alpha_0 = \alpha_1 + \alpha_2. \quad (11)$$

Усилие в верхнем сечении колонны:

$$P = EF \frac{\partial u(x, t)}{\partial x} \Big|_{x=l} = -\frac{cvEF}{ak} \sum_{n=0}^{\infty} (\sin v_n + \alpha_1 v_n \cos v_n) \frac{\sin \frac{v_n at}{l}}{W(v_n)}. \quad (12)$$

Мощность необходимая для подъема буровой колонны со стола ротора при постоянной скорости вращения барабана можно рассчитать по формуле:

$$N = \frac{Pv}{k} = -\frac{cv^2 EF}{ak^2} \sum_{n=0}^{\infty} (\sin v_n + \alpha_1 v_n \cos v_n) \frac{\sin \frac{v_n at}{l}}{W(v_n)}. \quad (13)$$

Вес длинной буровой колонны существенно превосходит вес утяжеленных буровых труб, входящих в компоновку и вес поступательно движущихся элементов талевой системы, поэтому можно полагать:  $P_1 = 0$  и  $P_2 = 0$ . При таких допущениях соотношения (9)-(13) упрощаются и примут вид:

$$u(x, t) = \frac{vt}{k} + 2 \frac{cvl}{ak} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\cos \frac{v_n x}{l} \sin \frac{v_n at}{l}}{v_n W(v_n)}, \quad (14)$$

$$W(v_n) = \frac{c}{\beta} [1 + \beta + (\beta v_n)^2] \cos v_n, \quad (15)$$

$$\operatorname{ctg} v_n = \beta v_n, \quad (16)$$

$$P = \frac{2vEF}{ak^2} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\sin \frac{v_n at}{l}}{(1 + \beta + (\beta v_n)^2) v_n}, \quad (17)$$

$$N = \frac{2v^2 EF}{ak^2} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\sin \frac{v_n at}{l}}{(1 + \beta + (\beta v_n)^2) v_n}. \quad (18)$$

Если  $l \rightarrow \infty$  или  $c \rightarrow \infty$ , (для длинной бурильной колонны) тогда  $\beta \rightarrow 0$ , поэтому из (16) получим  $v_n = \frac{\pi}{2}(2n-1)$ ,  $n \in N$ . Теперь выражения

(17) и (18) при  $t \in \left(0, \frac{2l}{a}\right)$  соответственно примут вид:

$$P = \frac{EFv}{ak^2}, \quad (19)$$

$$N = \frac{EFv^2}{ak^3}. \quad (20)$$

Расчеты показывают, что даже при сравнительно небольшой длине бурильной колонны:  $l \geq 1000$  м. значение  $\beta$  не превосходит 0,05 и учет его в уравнении (18) приводит к уточнению до 2%. Поэтому рассчитывая мощность, необходимую для подъема бурильной колонны со стола ротора при ее длине  $l \geq 1000$  м. и постоянной скорости барабана вполне допустимо использование формулы (20).

При длине бурильной колонны менее 1000 м. расчеты напряжений и мощности следует производить по формуле (13), в которой учитывается жесткость каната и колонны, а также вес талевого системы и утяжеленного низа.

## ОПЫТ ПОСТРОЕНИЯ МОДЕЛЕЙ ИНФЛЯЦИИ В ОТЕЧЕСТВЕННОЙ И ЗАРУБЕЖНОЙ ПРАКТИКЕ

**Сакович Н.К., ассистент**  
УО «БГЭУ», кафедра статистики

В условиях экономики переходного периода изучение, моделирование и прогнозирование инфляционных процессов является одной из важнейших задач