

$$r_i = (r_{\min}, \bar{r}_i, r_{\max}).$$

Такой подход позволит будущему инвестору рассчитать все ключевые параметры инвестиционного проекта не приближенно, а на основе аналитических соотношений.

При осуществлении операций с нечеткими числами следует применять достаточно хорошо развитый аппарат интервальных вычислений.

Можно еще далее продолжать перечень актуальных экономических задач, решаемых с помощью различных методов теории нечетких множеств, но важно заметить следующее: задача совершенствования управления экономикой и ее важнейшим звеном – предприятием на базе экономико-математических методов является одной из главнейших практических и научных проблем современного этапа экономического развития. И теория нечетких множеств, нечеткая логика в ее решении играет ведущую роль.

## К ВОПРОСУ О МОДЕЛИРОВАНИИ ИНФЛЯЦИОННЫХ ПРОЦЕССОВ В РЕСПУБЛИКЕ БЕЛАРУСЬ

Смоглюков Н.И., Панфилова Е.П.

УО «Бобруйский филиал БГЭУ»

В процессах анализа, регулирования и прогнозирования инфляции основную роль играет моделирование. По длительности рассматриваемого периода времени различаются модели краткосрочного (до года), среднесрочного (до 5 лет), долгосрочного (10-15 и более лет) прогнозирования и планирования.

Точность прогнозов зависит как от объективных условий, таких как природа прогнозируемой переменной и длина горизонта прогнозирования, так и от атрибутов самого прогнозиста, таких как теория, которой он следует (монетаристский или кейнсианский подход и т.п.), и методика, посредством которой эта теория используется для построения количественного прогноза

Главная цель эконометрического анализа временных рядов состоит в построении по возможности простых и экономично параметризованных моделей, адекватно описывающих имеющиеся ряды наблюдений.

Эффективный подход к решению задач кратко- и среднесрочного автопрогноза – это прогнозирование, основанное на использовании «подогнанных» (идентифицированных) моделей типа  $ARIMA(p, D, q)$ , включая, в качестве частных случаев, и модели  $AR$ -,  $MA$ - и  $ARMA$ .

Модель  $ARIMA(p, D, q)(Ps, Ds, Qs)$  - мультипликативная сезонная модель авторегрессии и проинтегрированного скользящего среднего (АРПСС). В дополнении к несезонным параметрам, в модель вводятся сезонные АРПСС параметры для определения задержки, устанавливаемой на этапе идентификации порядка модели. Аналогично параметрам простой модели АРПСС, эти параметры называются: сезонная авторегрессия ( $Ps$ ), сезонная разность ( $Ds$ ) и сезонное сколь-

зующее среднее ( $Q_s$ ). Например, модель  $(1,1,1)(1,1,0)$  с сезонным лагом  $S=12$ , построенная по цпным индексам потребительских цен за 1996-2002 г.г., включает 1 параметр авторегрессии ( $p$ ),  $\phi_1=0.2666$ , 1 параметр скользящего среднего ( $q$ ),  $\theta_1=0.9707$  и 1 параметр сезонной авторегрессии ( $P_s$ )  $\Phi_1=0.3427$ . Все полученные параметры значимы (рис. 1).

Input: INFT (Inf)						
Transformations: ln(x),D(1),D(1)						
Model:(1,1,1)(1,1,0) Seasonal lag: 12 MS Residual=.00054						
Paramet.	Param.	Asympt. Std. Err.	Asympt. t (79)	p	Lower 95% Conf.	Upper 95% Conf.
$\mu(\beta)$	0.266633	0.113537	2.34845	0.021354	0.040643	0.492623
$\mu(\theta)$	0.970706	0.025466	38.13402	0.000000	0.920039	1.021373
$P_s(\mu)$	0.342727	0.110388	3.10473	0.002644	0.123004	0.562449

Рис. 1. Таблица оценок параметров ARIMA

В общем, виде данная модель записывается так.

$$\phi(B)\Phi(B^S)\nabla^D\nabla_s^D z_t = \theta(B)\Theta(B^S)a_t,$$

где:  $S$  - сезонный лаг;  $D$  - порядок взятия разности как сезонной, так и обычной;  $z = \ln(\text{Inf}_t)$ ;  $\nabla_s z_t = (1 - B^S)z_t = z_t - z_{t-s}$ ;  $\nabla_s^D z_t = (1 - B^S)^D z_t$ ;  $\nabla^D = (1 - B)^D$ ;  $Bz_t = z_{t-1}$ ;

$$\phi(B) = 1 - \phi_1 B - \phi_2 B^2 - \dots - \phi_p B^p;$$

$$\Phi(B^S) = 1 - \Phi_1 B^S - \Phi_2 B^{2S} - \dots - \Phi_p B^{pS};$$

$$\theta(B) = 1 - \theta_1 B - \theta_2 B^2 - \dots - \theta_q B^q;$$

$$\Theta(B^S) = 1 - \Theta_1 B^S - \Theta_2 B^{2S} - \dots - \Theta_o B^{oS}$$

Так как модель порядка  $(1,1,1)(1,1,0)$ , то ее можно представить так.

$$(1 - \phi_1 B)(1 - \Phi_1 B^S)(1 - B)^D(1 - B^S)^D z_t = (1 - \theta_1 B)a_t$$

$$(1 - 0.2666B)(1 - 0.3427B^S)(1 - B)(1 - B^S)z_t = (1 - 0.9707B)a_t$$

Выразив из последнего уравнения  $\hat{z}_t$  и учитывая, что в момент времени  $t$ ,  $a_t = 0$ , а  $a_{t-1} = z_{t-1} - \hat{z}_{t-1}$ , можно получать прогнозные значения  $\text{Inf}_t$ , которые представлены на графике (рис. 2) с января по июнь месяц 2003 года.

Модели ARIMA дают хорошие стандарты, на которые следует ориентироваться при построении прогноза, учитывающего и дополнительную информацию. Методы автопрогноза, основанные на анализе временных рядов, экстраполируют имеющийся в наличии ряд только на основании информации, содержащейся в нем самом. Такого рода прогноз может оказаться эффективным лишь в кратко- и, максимум, в среднесрочной перспективе. Серьезное решение задач долгосрочного прогнозирования требует использования комплексных подходов.

