

- схемы организационной структуры следует проектировать снизу вверх;
- отсутствие нормативов для проектирования имеет свою положительную сторону. Это дает возможность проектировать любой элемент структуры альтернативно, в различных вариантах, просчитывая их сравнительную эффективность и выбирая оптимальный;
- в условиях сильной конкуренции организационная структура и вся система управления должны быть гибкими и эластичными;
- полное соответствие, прав и обязанностей;
- максимальное совмещение должностей руководящих лиц по вертикали и совмещение должностей по горизонтали как внутри отделов, так и между отделами, имеющими тесные кооперационные связи;
- при комплектовании рабочих мест и численности аппарата управления среднего звена следует руководствоваться "эффектом отсутствия";
- оптимальность отпуск у руководителя;
- пределы управляемости, когда потребности управления снизу не совпадают с возможностью управления сверху;
- разработчику организационной структуры необходимо знать философию высшего звена управления компании по поводу признания им категории ранга управляющих разного уровня;
- разработчику необходимо выявить весь перечень решений, принимаемых в организационной структуре для осуществления всех видов деятельности и определить уровни вертикальной иерархии, на которых должны приниматься эти решения;
- интегрирующим критерием правильности избранной стратегии управления и совершенствования организационной структуры компании следует считать ежегодное сокращение себестоимости единицы изделия;
- саморегулирования.

Очевидно, что процесс построения организационной структуры должен содержать элементы неформального анализа и наряду с математическими методами на отдельных его этапах должны использоваться и методы, носящие качественный характер, то есть требующие привлечения знаний и опыта экспертов. Поэтому в качестве наиболее перспективного направления развития данных методов следует рассматривать создание формализованных процедур структуризации, интегрирующих формальные и неформальные методы построения организационных структур, а также использовать широко возможности глобальной сети Internet, где есть много интеллектуальных агентов, предлагающих решения управленческих задач.

*Л.К. Голенда, В.П. Кирлица, А.Е. Олехнович*

## **МОДЕЛЬ РАСЧЕТА НАРАЩЕННОЙ СУММЫ ПЛАТЕЖЕЙ В УСЛОВИЯХ НЕПОЛНОЙ ОПРЕДЕЛЕННОСТИ**

Конец двадцатого столетия ознаменовался тем, что компьютерные технологии стали внедряться в различные области человеческой деятельности и тем самым повлекли за собой разработку и внедрение математических методов. Особый интерес в настоящее время для банковской деятельности представляют расчеты суммы платежей в условиях неполной определенности.

В финансовой практике, как показывает анализ, часто приходится сталкиваться с ситуациями, когда не все параметры, влияющие на финансовую операцию заранее точно не определены. С такими ситуациями сталкиваются в теории страхования, в операциях с ценными бумагами, при определении процентных ставок на депозиты, в безналичных расчетах и т.д., поэтому планируемая финансовая операция всегда связана с большей или меньшей степенью риска. Если нет априорной информации о параметрах сделки, то в этом случае оценить степень риска, величину наращенной суммы и другие характеристики финансовой операции не-

возможно. Обычный выход из подобных ситуаций — это задание вероятностных характеристик поведения неизвестных параметров. В этом случае предполагается, что известна априорная информация о не определенном параметре финансовой сделки в виде заданного или спрогнозированного закона распределения вероятностей этого параметра.

Расчет наращенная по простым процентам в простейших финансовых операциях, очевидно, осуществляется по формуле:

$$S = P(1 + ni), \quad (1)$$

где  $P$  — современная величина суммы  $S$ ,

$i$  — ставка процентов,

$n$  — срок ссуды.

Чаще всего в реальной жизни встречается случай, когда один из параметров сделки является случайной величиной с заданным законом распределения вероятности, очевидно тогда и наращенная сумма  $S$  будет представлять собой тоже случайную величину. Зная закон распределения вероятностей  $S$ , можно легко вычислить такие числовые характеристики  $S$  как среднее значение  $E\{S\}$ , вероятность попадания  $S$  в заданный интервал, риск финансовой операции  $\sigma = \sqrt{D\{S\}}$ .

В случае, когда два из параметров  $P$ ,  $n$ ,  $i$  являются случайными величинами, то и наращенная сумма  $S$  будет также дискретной случайной величиной. В этом случае без особого труда можно вычислить числовые характеристики  $S$ .

В случае, когда  $n$  и  $i$  являются абсолютно-непрерывными случайными величинами, то плотность распределения вероятностей  $S$  имеет вид:

$$p_s(x) = \frac{1}{P} \int_0^{+\infty} p_{n,i} \left( \frac{x - P}{Py}, y \right) \frac{dy}{y}, \quad x > 0, \quad (2)$$

где  $p_{n,i}(x_1, x_2)$  -совместная плотность распределения вероятностей  $n$ ,  $i$ . Используя плотность распределения (2), легко можно вычислить все необходимые числовые характеристики  $S$ .

Для случая, когда одна из случайных величин  $n$  — дискретная, а  $i$  — абсолютно-непрерывная, то плотность распределения вероятностей  $S$  имеет вид:

$$p_s(x) = \sum_{k=1}^m \frac{p_k}{P \cdot n_k} p_{i/n} \left( \frac{x - P}{P \cdot n_k} \right) \quad (3)$$

где  $p_{i/n} \left( \frac{x - P}{P \cdot n_k} \right)$  — условная плотность распределения  $i$ , при условии, что  $n = n_k$ .

Если все три параметра  $P$ ,  $n$  и  $i$  являются дискретными случайными величинами, то анализ поведения наращенной суммы  $S$  не является сложным, поскольку  $S$  будет также дискретной случайной величиной.

Если параметры финансовой операции  $P$ ,  $n$  и  $i$  являются абсолютно-непрерывными случайными величинами, то плотность распределения вероятностей наращенной суммы  $S$ , определяется следующим образом:

$$p_s(y_1) = \int_0^{+\infty} \int_0^{+\infty} p_{p,n,i} \left( \frac{y_1}{1 + y_2 y_3}, y_2, y_3 \right) \frac{dy_2 dy_3}{1 + y_2 y_3}, \quad (4)$$

где  $p_{p, n, i}(x_1, x_2, x_3)$ - совместная плотность распределения  $P, p$  и  $i$ . Если  $P, p$  и  $i$ - независимые случайные величины, то плотность, стоящая в (4), факторизуется и для конкретных законов распределения параметров  $P, p$  и  $i$  можно вычислить  $p_s(y_1)$ .

В случае, когда ставка простых процентов изменяется кусочно-постоянным образом от периода к периоду, т.е. на периоде длительностью  $p_k$  она принимает постоянное значение  $i_k, k=1, m$ , то формула наращенная принимает вид:

$$S = P \left( 1 + \sum_{k=1}^m n_k i_k \right) \quad (5)$$

Если ставки простых процентов  $i_1, i_2, \dots, i_m$  являются независимыми в совокупности абсолютно-непрерывными случайными величинами, можно найти плотность распределения наращенной суммы  $S$ , последовательно применяя формулу свертки для плотностей. В частности, для двух интервалов постоянства ( $m=2$ ) значений ставок простых процентов, распределенных по равномерному закону, плотность распределения  $S$  имеет "трапецеидальный" вид. Параметры такого "трапецеидального" распределения хорошо описаны в практикумах.

Если среди ставок простых процентов  $i_1, i_2, \dots, i_m$  в формуле (5) одна часть ставок описывается абсолютно-непрерывными распределениями, а другая часть- дискретными, то функция распределения  $S$  будет:

$$F_s(x) = \sum_{j=1}^m p_j F_{i_j} \left( \frac{x - P(1 + n_2 r_j)}{P n_1} \right) \quad (6)$$

В случае когда ставки простых процентов  $i_1, i_2, \dots, i_m$  в формуле (5) связаны цепной марковской зависимостью, а интервал  $[0, n]$  разбит точками  $0=t_1 < t_2 < \dots < t_{m+1} = n$  на подинтервалы длины  $n_j = t_{j+1} - t_j, j=1, m$  и задан тренд  $f(t)$ , определяющий общую тенденцию изменения процентных ставок, то они складываются из значения  $f(t_j)$  тренда в начале интервала и маржи  $\epsilon_{t_j}$ , т.е.  $i_j = f(t_j) + \epsilon_{t_j}$ , где  $\epsilon_{t_j}, j \in \{1, 2, \dots, m\}$  — одномерная цепь Маркова с  $N$  постоянными, начальным распределением вероятностей

$$P \{ \xi_1 = \lambda \} = \pi_\lambda \geq 0, \quad \lambda = \overline{1, N}, \quad \sum_{\lambda=1}^N \pi_\lambda = 1 \quad (7)$$

И матрицей вероятностей одношаговых переходов

$$P = (p_{ks}), \quad P \{ \xi_{j+1} = s / \xi_j = k \} = p_{ks}, \quad \sum_{s=1}^N p_{ks} = 1, \quad k = \overline{1, N}, \quad (8)$$

где  $\epsilon_1, \epsilon_2, \dots, \epsilon_N$  — заданные значения маржи.

Вычисление числовых характеристик  $S$  для ставок простых и сложных процентов, связанных цепной зависимостью Маркова, реализовано в ППП ФЭР, структура которого описана в практикуме на ЭВМ по финансово-экономическим расчетам Кирилицей В.П. (БГУ, 1999).

Для годовой номинальной случайной ставки процентов, принимающей постоянное значение на интервале  $[0, n]$  с  $m$  — разовым начислением процентов в году функция распределения наращенной суммы  $S$  имеет вид

$$F_s(x) = F_j \left( m \left( \left( \frac{x}{P} \right)^{\frac{1}{m}} - 1 \right) \right), \quad (9)$$

где  $F_j(x)$  — функция распределения номинальной ставки процентов  $j$ .

На ряду с задачей по наращению сумм платежей в финансовой практике часто сталкиваются с обратной задачей: по заданной сумме  $S$ , которую следует уплатить через некоторое время  $n$ , необходимо определить сумму полученной ссуды  $P$ . Такая ситуация может возникнуть, например, при разработке условий контракта. Расчет  $P$  по  $S$  необходим и тогда, когда проценты с суммы  $S$  удерживаются вперед, т.е. непосредственно при выдаче ссуды. В

этих случаях говорят, что сумма  $S$  дисконтируется или учитывается, сам процесс начисления процентов и их удержание называют учетом, а удержанные проценты - дисконтом.

Математическое дисконтирование представляет собой формальное решение задачи, обратной наращению первоначальной суммы ссуды: *какую первоначальную сумму ссуды надо выдать в долг, чтобы получить в конце срока сумму  $S$  при условии, что на долг начисляются простые проценты по ставке  $i$ ?* Для этого необходимо решить уравнение (1) относительно  $P$ .

Для такой финансовой операции возможна ситуация неопределенности. Допустим, что ставка процентов  $i$  является случайной величиной с функцией распределения  $F_i(x)$  тогда функция распределения ссуды  $P$  принимает вид

$$F_P(x) = 1 - F_i\left(\frac{S - x}{xn}\right). \quad (10)$$

Зная функцию распределения ссуды  $P$  можно подсчитать основные характеристики суммы ссуды  $P$ , такие как: математическое ожидание, дисперсия и вероятность попадания в заданный интервал.

В случае когда один параметр — ставка процентов, является случайным, а в финансовой операции дисконтирования ставка процентов является:

- равномерной случайной величиной на отрезке  $[a, b]$ ;
- имеет "треугольное" распределение на отрезке  $[a, b]$ ;
- является дискретной случайной величиной.

Равномерное распределение предполагает, что все варианты прогнозируемого показателя имеют одинаковую вероятность реализации, что равносильно отсутствию какой-либо дополнительной информации о параметре.

"Треугольное" распределение используется, когда известно только то, что распределение симметрично и имеет одно среднее значение, причем следует ожидать, что вероятность реализации более или менее равномерно растет по мере приближения к среднему.

В этом случае для вычисления математического ожидания и дисперсии суммы ссуды  $P$ , когда ставка процентов  $i$  имеет равномерное распределение на  $[a, b]$  используются следующие формулы:

$$E\{P\} = \frac{S}{n(b-a)} \cdot \ln \frac{1 + bn}{1 + an}, \quad (11)$$

$$D\{P\} = \frac{S^2}{(1 + an)(1 + bn)} \cdot E^2\{P\}, \quad (12)$$

Для наращивания по ставке сложных процентов, используемая в средне- и долгосрочных финансово-кредитных операциях, если проценты не выплачиваются сразу после их начисления, а присоединяются к сумме долга, применяют сложные проценты. Присоединение начисленных процентов к сумме, которая послужила базой для их начисления, часто называют капитализацией процентов. Для расчета наращенной суммы  $S$  при условии, что проценты  $i$  начисляются и капитализируются один раз в году, т.е. применяется сложная годовая ставка наращивания, которая вычисляется по формуле

$$S = P(1+i)^n \quad (13)$$

При неопределенности одного из параметров сделки наибольший интерес представляет исследование значений ставки процентов  $i$  или срока наращивания  $n$ . В случае, когда ставка процентов  $i$  является случайной величиной с функцией распределения  $F_i(x)$ , то функция распределения наращенной суммы  $S$  будет:

$$F_S(x) = F_i\left(\sqrt[n]{\frac{x}{P}} - 1\right) \quad (14)$$

Если срок наращивания  $n$  является случайной величиной с функцией распределения  $F_T(x)$ , то функция распределения наращенной суммы  $S$  определяется:

$$F_S(x) = F_n \left( \frac{\ln \frac{x}{P}}{\ln(1+i)} \right) \quad (15)$$

Рассмотренные математические методы реализованы в виде программного обеспечения.

В тех случаях, когда не удается получить формул для вычисления функции распределения наращенной суммы, необходимо провести статистическую оценку характеристик, интересующих исследователя. В этих случаях для моделирования случайных параметров финансовой операции целесообразно использовать пакет прикладных программ СТАТМОД.

*Р.Н. Грабар*

### **УПРАВЛЕНИЕ ИЗДЕРЖКАМИ С ПРИМЕНЕНИЕМ КОНТРОЛЛИНГА**

В современных условиях ориентация целей предприятия на долговременное и эффективное функционирование в постоянно меняющихся условиях невозможна без управления процессом получения конкретных результатов его деятельности.

Традиционно главной задачей управления результатами деятельности считается выявление степени влияния на полученную сумму прибыли различных факторов. К их числу относят фактический объем выпуска продукции, производительность, цену единицы продукции, соотношение цен на ресурсы и продукты и т.д. Эти показатели и являются основой многофакторной модели анализа и оценки финансового результата. Но такая модель является ретроспективно ориентированной и дает возможность принимать управленческие решения лишь в виде реакции на изменения или приспосабливаться к ним.

Сегодня важно уметь принимать решения с учетом возможных изменений в будущем. Хозяйственную деятельность предприятия необходимо моделировать и планировать так, чтобы приспосабливать имеющиеся ресурсы к изменению внешних и внутренних условий. Для этого нужно заглянуть вперед и поставить задачу оптимизации соотношения элементов затрат на производство продукции.

Решение по оптимизации затрат можно принимать различными способами. Во-первых, имея различные варианты соотношения затрат и объемов производства, рассчитать наиболее выгодный с точки зрения прибыли. Во-вторых, указав на желаемое значение прибыльности, рассчитать необходимые значения объемов производства и затрат.

Все хозяйственные процессы на предприятии можно свести к расходам и поступлениям. Эффективность управления будет зависеть от умения соотнести эти показатели по принципу максимума результата и минимума затрат. Помощь здесь может оказать контроллинг издержек и прибыли. Его задачей является определение отклонений в издержках и прибыли и выявление мест неэффективного использования издержек внутри предприятия.

Одним из эффективных методов контроллинга является метод сумм покрытия. С его помощью можно выявить причины возникновения всех издержек и определить прибыль по продуктам. Этот метод дает возможность привести дифференцированный анализ постоянных издержек и результатов деятельности через промежуточные результаты. Это позволит выявить убыточный участок. Применение данного метода позволит определить вид продукта, который следует производить исходя из его прибыльности.

С помощью контроллинга можно моделировать хозяйственную деятельность предприятия, что позволит просчитать возможные изменения хозяйственной среды и заранее быть к ним готовым. Составив альтернативные планы можно не только найти оптимальные сочетания оборота, издержек и прибыли, но и контролировать их реализацию.