

Учреждение образования
«Белорусский государственный экономический университет»

УТВЕРЖДАЮ

Ректор учреждения образования
«Белорусский государственный
экономический университет»


_____ В.Ю. Шутилин

« 29 » 06 2021г.

Регистрационный № УД 4885 21уч.

ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА

Учебная программа учреждения высшего образования
по учебной дисциплине для специальностей:

1-25 01 03	«Мировая экономика»
1-25 01 04	«Финансы и кредит»
1-25 01 05	«Статистика»
1-25 01 07	«Экономика и управление на предприятии»
1-25 01 08	«Бухгалтерский учет, анализ и аудит (по направлениям)»
1-25 01 09	«Товароведение и экспертиза товаров»
1-25 01 10	«Коммерческая деятельность»
1-25 01 11	«Аудит и ревизия»
1-25 01 12	«Экономическая информатика»
1-25 01 13	«Экономика и управление туристской индустрией»
1-25 01 14	«Товароведение и торговое предпринимательство»
1-25 01 15	«Национальная экономика»
1-25 01 16	«Экономика и управление на рынке недвижимости»
1-26 02 03	«Маркетинг»
1-26 02 05	«Логистика»
1-26 02 06	«Рекламная деятельность»

Учебная программа составлена на основе типовой учебной программы по учебной дисциплине «Высшая математика», регистрационный № _____ от _____.

СОСТАВИТЕЛИ:

Астровский А.И., профессор кафедры высшей математики учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет», доктор физико-математических наук, профессор;

Дымков М.П., профессор кафедры высшей математики учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет», доктор физико-математических наук, профессор;

Косьянчук В.В., заведующий кафедрой высшей математики учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет», кандидат физико-математических наук, доцент;

Г.О.Читая, заведующий кафедрой математических методов в экономике учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет», доктор экономических наук, доцент.

РЕЦЕНЗЕНТЫ:

Тиунчик А.А., заведующий кафедрой высшей математики Белорусского государственного аграрного технического университета, кандидат физико-математических наук, доцент;

Костюкова О.И., главный научный сотрудник Института математики НАН Беларуси, доктор физико-математических наук, профессор.

РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ:

Кафедрой высшей математики учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет» (протокол № 10 от 28.05.2021);

Кафедрой математических методов в экономике учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет» (протокол № 13 от 27.05.2021);

Научно-методическим советом учреждения образования «Белорусский государственный экономический университет» (протокол № 5 от 22.06 2021).

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Для специалистов по экономике и управлению математика в большей мере является инструментом обработки и анализа информации, принятия решений и управления. Изучение основных математических понятий и методов позволит будущему специалисту свободно ориентироваться в разнообразных математических моделях и методах.

Как отмечает Л.Д. Кудрявцев (Избранные труды. Т.3. Мысли о современной математике и ее преподавании. – М.: Физматлит, 2008. – С. 325–326) «...естественнонаучное и математическое образование нужно не только для того, чтобы сообщить учащимся определенные сведения по изучаемым предметам, но и потому, что оно способствует пониманию законов, которым подчиняется окружающий нас мир, и, следовательно, формирует мировоззрение учащихся, а поэтому является частью гуманитарного, в широком смысле этого слова, образования, частью общечеловеческой культуры, которая не может быть восполнена изучением чисто гуманитарных дисциплин. Так, например, преподавание математики имеет своей целью не только ознакомление учащихся с математическими понятиями и выработку навыков их использования, но и развивает мышление, учит логически мыслить, отбрасывать то, что несущественно для решения поставленной задачи, воспитывает эстетические чувства и чувство честности перед самим собой. Итак, изучение естественнонаучных дисциплин и математики является необходимым условием для правильного формирования полноценной личности учащегося. Этой цели можно добиться только в том случае, если на предметы естественнонаучного цикла и математику будет отведено достаточное количество часов, необходимых не только для знакомства с понятиями, изучаемыми в этих дисциплинах, но и для овладения ими при помощи решения достаточного количества задач».

Целью учебной дисциплины «Высшая математика» является ознакомление студентов с математическими понятиями, методами и навыками их использования для решения типовых прикладных задач, а также развитие их логического мышления.

В связи с этим, при изложении учебной дисциплины «Высшая математика» на первой ступени высшего экономического образования перед преподавателями ставятся следующие *задачи*:

- рассматривая математическую культуру как часть общечеловеческой культуры, способствовать формированию высоконравственной гражданской

позиции студентов, становлению целостной высокоинтеллектуальной личности, способной решать сложные актуальные задачи;

- сформировать социальные качества, необходимые для осознанного участия в общественно-политической жизни страны;
- дать представление о месте математики в системе естественных и экономических наук; о неразрывном единстве прикладной и фундаментальной математики; о преимуществах математического моделирования и его экономической эффективности;
- ознакомить студентов с основными понятиями и методами современной математики и научить студентов применять математические знания при исследовании реальных экономических процессов;
- развить у студентов способности к логическому мышлению;
- воспитать у студентов мотивацию к глубокому изучению математики как языка общения экономистов, без которого невозможно овладеть специальными дисциплинами, необходимыми им в их будущей профессиональной деятельности.

В результате изучения учебной дисциплины студент должен

знать:

- матричную алгебру, системы линейных уравнений;
- аналитическую геометрию на плоскости и в пространстве;
- математический аппарат функций одной и многих переменных;
- методы решения задач на экстремум;
- основы теории дифференциальных уравнений;
- числовые и степенные ряды;

уметь:

- решать задачи матричной алгебры;
- применять методы аналитической геометрии;
- использовать методы математического анализа для изучения функций;
- анализировать задачи с экономическим содержанием;
- исследовать оптимизационные задачи методами математического программирования с использованием компьютерных технологий;

владеть:

- применения методов матричной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления при решении математических и экономических задач.

В соответствии с учебными планами для всех перечисленных экономических специальностей для дневной формы получения образования на изучение учебной дисциплины отведено: общее количество часов – 328, из них аудиторных – 148 часов. Распределение по видам занятий: лекций – 74 часа, практических занятий – 74 часа. В первом семестре предусмотрен *зачет*, во-втором – *экзамен* и третьем семестре – *зачет*.

В течение первых двух семестров предусматривается проведение *трех двухчасовых контрольных работ*.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА

Раздел I. Основы теории множеств и математической символики

1.1. Элементы теории множеств.

Элементы теории множеств и математической логики. Логические символы, операции над множествами. Декартово произведение множеств. Экономические примеры. Основные числовые множества. Точные и приближенные значения величин. Абсолютная и относительная погрешности. Необходимое и достаточное условия. Метод математической индукции. Бином Ньютона.

1.2. Комплексные числа.

Комплексные числа и действия над ними. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы комплексных чисел. Формулы Муавра и Эйлера. Извлечение корня из комплексного числа. Свойства комплексно-сопряженных выражений. Применение комплексных чисел.

Раздел II. Векторная алгебра и матричное исчисление

2.1. Векторная алгебра.

Понятие вектора на плоскости и в трехмерном пространстве. Основные линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Линейная зависимость векторов. Базис на плоскости и в пространстве. Декартова система координат. Радиус-вектор и координаты точки. Деление отрезка в данном отношении. Скалярное произведение векторов, его свойства и экономическая интерпретация. Условие ортогональности двух векторов. Ориентация тройки векторов в пространстве. Векторное произведение векторов, его свойства, геометрический и физический смысл. Смешанное произведение векторов, его геометрический и механический смысл. Условие компланарности трех векторов. Линейные пространства. Подпространство и линейная оболочка. Базис и размерность линейного пространства. Евклидовы пространства. Норма вектора и ее свойства. Ортогональный и ортонормированный базисы. Процесс ортогонализации Грамма-Шмидта.

2.2. Матричное исчисление.

Понятие матрицы и линейные операции над ними. Транспонирование матриц. След матрицы. Экономическая интерпретация матриц. Перестановки и транспозиции. Определители второго и третьего порядка. Алгебраические дополнения и миноры. Определители n -го порядка и их свойства. Правила вычисления определителей, теорема Лапласа. Определитель произведения матриц. Обратная матрица, свойства обратных матриц. Методы вычисления обратной матрицы. Ранг матрицы, свойства и его вычисление. Условие равенства нулю определителя. Теорема о базисном миноре. Подобные матрицы. Приведение матрицы к диагональному виду. Многочлены от матрицы. Теорема

Гамильтона-Кэли. Квадратичные формы и их матрицы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду ортогональным преобразованием. Знакоопределенные квадратичные формы. Условия знакоопределенности квадратичных форм. Модель межотраслевого баланса В.В.Леонтьева. Отличительные черты белорусской экономической модели.

2.3. Системы линейных уравнений и неравенств.

Системы линейных алгебраических уравнений, общие понятия. Экономические примеры. Теорема Кронекера-Капелли. Матричный способ решения линейных систем. Формулы Крамера, метод Гаусса. Однородные и неоднородные системы линейных уравнений. Структура общего решения. Понятие о приближенном решении системы уравнений. Разложение вектора по ортогональному базису. Собственные векторы и собственные значения матриц, их свойства. Характеристические уравнения. Собственные векторы и собственные значения симметричных матриц. Системы линейных неравенств. Графический метод решения системы линейных неравенств с двумя переменными. Применение элементов линейной алгебры в экономике. Модель межотраслевого баланса. Отличительные черты белорусской экономической модели.

Раздел III. Аналитическая геометрия

3.1. Аналитическая геометрия на плоскости.

Предмет аналитической геометрии. Метод координат. Кривая на плоскости и способы ее задания. Основные виды уравнения прямой. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых. Расстояние от точки до прямой. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, парабола, гиперболола. Параметрическое представление линий.

3.2. Элементы аналитической геометрии в пространстве.

Простейшие задачи аналитической геометрии в пространстве. Понятия поверхности и кривой в пространстве, их уравнения. Основные виды уравнений плоскости и прямой в пространстве. Ортогональная проекция вектора на плоскость. Угол между плоскостями. Угол между двумя прямыми. Угол между прямой и плоскостью. Расстояние от точки до плоскости. Понятие о поверхностях второго порядка.

Раздел IV. Математический анализ

4.1. Числовая последовательность и ее предел.

Действительные числа. Числовые последовательности. Предел последовательности и его свойства. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Монотонные, ограниченные последовательности. Свойства сходящихся последовательностей и критерий их сходимости. Способы вычисления пределов последовательностей. Число « e » и его экономическая интерпретация.

4.2. Функции одной вещественной переменной.

Функции, их области определения и значений, способы задания и график функции. Основные характеристики поведения функции. Основные элементарные функции. Суперпозиция функций, обратные функции. Неявные функции. Предел функции в точке и на бесконечности. Основные теоремы о пределах функций. Замечательные пределы. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Непрерывность функции в точке. Свойства непрерывных функций. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва функций и их классификация. Непрерывность элементарных функций. Сравнение функций, символы « o » и « O ». Эквивалентные функции, их применение к вычислению пределов функций. Функции, непрерывные на отрезке, и их свойства: теоремы Вейерштрасса, Коши о прохождении функции через ноль, Коши о промежуточном значении. Непрерывность обратной функции. Равномерная непрерывность функции на отрезке. Теорема Кантора.

4.3. Дифференциальное исчисление функций одной вещественной переменной.

Задачи, приводящие к понятию производной. Производная функции, ее геометрический, физический и экономический смыслы. Уравнение касательной и нормали к кривой. Односторонние производные. Основные правила дифференциального исчисления. Производная сложной, обратной и неявной функций. Производные элементарных функций. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование параметрически заданных функций. Дифференциал функции, его геометрический смысл и применение в приближенных вычислениях. Инвариантность формы дифференциала. Производные высших порядков. Формула Лейбница. Дифференциалы высших порядков. Локальный экстремум функции. Основные теоремы дифференциального исчисления: Ферма. Ролля, Коши, Лагранжа. Применение теорем. Раскрытие неопределенностей, правило Лопиталя-Бернулли. Формула Тейлора. Остаточный член в форме Пеано и Лагранжа. Основные разложения по формуле Тейлора. Приложения формулы Тейлора. Экстремумы функции, стационарные точки. Необходимое и достаточное условия локального экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость и точки перегиба. Достаточное условие выпуклости. Необходимое условие перегиба. Достаточные условия перегиба. Вертикальные и наклонные асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построение ее графика. Экономические приложения: предельные показатели в экономике, эластичность экономических показателей, максимизация прибыли.

4.4. Функции многих переменных.

Множества на плоскости и в пространстве. Предельные точки множеств. Связные, выпуклые, ограниченные множества. Понятие функции многих переменных, примеры из экономики. Линии уровня, изокосты, изокванты. Однородные функции. Выпуклые и вогнутые функции. Предел функции в точке, повторные пределы. Непрерывность. Свойства непрерывных функций. Частные производные. Примеры применения частных производных в экономике. Дифференцируемость функции многих переменных, необходимые и достаточные условия

дифференцируемости. Полный дифференциал и его связь с частными производными. Дифференцирование сложных функций. Инвариантность формы полного дифференциала. Производная по направлению и ее свойства. Градиент функции и его смысл. Частные производные высших порядков. Теорема о равенстве смешанных производных. Якобиан, матрица Гессе. Понятие экстремума функции многих переменных. Необходимое и достаточное условия экстремума. Метод наименьших квадратов. Наибольшее и наименьшее значения функции в заданной области. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. Приложения к экономическим проблемам.

4.5. Первообразная и неопределенный интеграл.

Первообразная функции и неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Метод замены переменной. Формула интегрирования по частям. Таблица неопределенных интегралов. Интегрирование простейших рациональных дробей и рациональных функций. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Неберущиеся интегралы.

4.6. Определенный интеграл.

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл. Основные свойства определенного интеграла. Условия интегрируемости функций. Интеграл с переменным верхним пределом и его дифференцирование. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определенном интеграле. Формула интегрирования по частям для определенного интеграла. Геометрические приложения определенных интегралов: вычисление площадей плоских фигур, объемов тел, длин дуг, площадей поверхностей вращения. Экономические приложения определенных интегралов. Несобственные интегралы и признаки их сходимости.

Раздел V. Дифференциальные и дискретные уравнения

5.1. Обыкновенные дифференциальные уравнения.

Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений, общее и частное решение. Математическое моделирование в экономике и технике с помощью дифференциальных уравнений. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения. Дифференциальные уравнения первого порядка и методы их интегрирования. Линейные дифференциальные уравнения первого и второго порядков. Однородные и неоднородные линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью. Характеристическое уравнение. Линейная независимость решений. Метод Лагранжа вариации произвольной постоянной. Системы линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами. Приложения дифференциальных уравнений к решению экономических задач.

5.2. Дискретные уравнения.

Дискретные (разностные) уравнения. Конечные разности. Экономические задачи, приводящие к разностным уравнениям. Общие понятия разностных уравнений. Однородные и неоднородные линейные разностные уравнения и структура их общих решений. Решение линейных однородных разностных уравнений с постоянными коэффициентами. Системы дискретных уравнений и их свойства, методы нахождения их решений.

Раздел VI. Числовые и степенные ряды.

6.1. Числовые ряды.

Числовой ряд и его сумма. Действие над рядами. Простейшие свойства числовых рядов. Необходимое условие сходимости ряда. Гармонический ряд. Признаки сходимости числовых рядов: критерий Коши, признаки сравнения, признаки Даламбера и Коши, интегральный признак. Знакопеременные ряды, абсолютная и условная сходимость. Знакочередующиеся ряды, признак Лейбница. Ряд Лейбница. Оценка остатка ряда. Свойства абсолютно и условно сходящихся рядов.

6.2. Степенные ряды.

Степенные ряды, сумма ряда. Радиус, интервал и область сходимости степенного ряда, теорема Абеля. Свойства степенных рядов: непрерывность суммы, дифференцирование и интегрирование рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Достаточные условия представления функции рядом Тейлора. Разложение основных элементарных функций в ряд Тейлора. Применение рядов Тейлора в приближенных вычислениях.

Раздел VII. Математическое программирование

7.1. Линейное программирование.

Основные понятия. Основные постановки задач линейного программирования (ЗЛП). Геометрический (графический) метод решения ЗЛП. Симплексный метод решения ЗЛП. Теория двойственности. Задача планирования технологий. Задача планирования уровней производства. Применение пакета прикладных программ QSBR и EXCEL для решения задач линейного программирования.

7.2. Транспортная задача.

Транспортная задача по критерию стоимости и задачи транспортного типа с максимизацией целевой функции. Метод потенциалов для решения транспортных задач. Применение пакета прикладных программ QSBR и EXCEL для решения транспортных задач.

7.3. Целочисленное программирование.

Постановка задач целочисленного программирования: общая задача о расписании, задача коммивояжера, задачи о разбиении, покрытии и упаковке, задача о размещении оборудования, задача раскроя. Методы ветвей и границ. Методы отсечений.

7.4. Нелинейное программирование.

Постановка задачи нелинейного программирования и ее геометрическая интерпретация. Метод множителей Лагранжа. Выпуклые и вогнутые функции. Задачи выпуклого программирования. Теорема Куна-Таккера. Понятие о локальном и глобальном оптимуме. Градиентные методы решения задач нелинейного программирования. Приближенные методы решения задач нелинейного программирования с separable функциями. Квадратичное программирование. Применение пакетов прикладных программ для решения задач нелинейного программирования.

7.5. Динамическое программирование.

Понятие о динамическом программировании: принцип оптимальности Беллмана, функция Беллмана. Примеры задач, решаемых методом динамического программирования. Вычислительная схема метода динамического программирования. Динамические задачи выбора наиболее рационального маршрута доставки груза, оптимального распределения средств на расширение производства, определения оптимальной стратегии замены оборудования, формирования оптимальной программы производства с учетом запасов. Применение пакета Network Optimization (сетевой оптимизации) для выбора наиболее экономного маршрута доставки груза.

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
«ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА» для дневной формы получения высшего образования**

№ раздела, темы	Название раздела, темы	Количество аудиторных часов				Иное	Форма контроля знаний
		Лекции	Практические занятия	Количество часов УСР			
				Лекции	ПЗ		
1 семестр (всего 114 ч., ауд. 58 ч.)		28	30				зачет
1.	Основы теории множеств и математической символики	2	2				
1.1	Элементы теории множеств	2	2			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос.
1.2	Комплексные числа					ЭК, слайды	Выборочный опрос.
2.	Векторная алгебра и матричное исчисление	10	10				
2.1	Векторная алгебра	2	2			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос.
2.2	Матричное исчисление	4	4			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
2.3	Системы линейных уравнений и неравенств	4	4			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
3.	Аналитическая геометрия	4	6				
3.1	Аналитическая геометрия на плоскости	2	4			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос.
3.2	Элементы аналитической геометрии в пространстве	2	2			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
4.	Математический анализ	12	12				
4.1	Числовая последовательность и ее предел	2	2			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Решение задач.
4.2	Функции одной вещественной переменной	4	4			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.

4.3	Дифференциальное исчисление функций одной вещественной переменной.	6	6			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
	2 семестр (всего 120 ч., ауд. 56 ч.)	28	28				экзамен
4.	Математический анализ	16	16				
4.4	Функции многих переменных	6	6			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
4.5	Первообразная и неопределенный интеграл	4	4			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
4.6	Определенный интеграл	6	6			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
5.	Дифференциальные и дискретные уравнения	6	6				
5.1	Обыкновенные дифференциальные уравнения	6	6			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
5.2	Дискретные уравнения.					ЭК, слайды	Выборочный опрос.
6.	Числовые и степенные ряды	6	6				
6.1	Числовые ряды.	3	3			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
6.2	Степенные ряды	3	3			ЭК, слайды	Проверка конспекта. Выборочный опрос. Решение задач.
	3 семестр (всего 94 ч., ауд. 34 ч.)	18	16				зачет
7.	Математическое программирование						
7.1	Линейное программирование	4	4			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.
7.2	Транспортная задача	4	4			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.
7.3	Целочисленное программирование	2	2			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.
7.4	Нелинейное программирование	4	4			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.
7.5	Динамическое программирование	4	2			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.
	Всего часов: 328 ч.	74	74				

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
«ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА» для заочной формы получения высшего образования**

№ раздела, темы	Название раздела, темы	Количество аудиторных часов				Иное	Форма контроля знаний
		Лекции	Практические занятия	Количество часов УСП			
				Лекции	ПЗ		
1 семестр (всего 114 ч., ауд. 12 ч.)		6	6			зачет	
1.	Основы теории множеств и математической символики						
1.1	Элементы теории множеств				ЭК, слайды	Выборочный опрос.	
1.2	Комплексные числа				ЭК, слайды	Выборочный опрос.	
2.	Векторная алгебра и матричное исчисление	2	2				
2.1	Векторная алгебра	0,5	0		ЭК, слайды	Выборочный опрос.	
2.2	Матричное исчисление	1	1		ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	
2.3	Системы линейных уравнений и неравенств	0,5	1		ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	
3.	Аналитическая геометрия	1	1				
3.1	Аналитическая геометрия на плоскости	1	1		ЭК, слайды	Выборочный опрос.	
3.2	Элементы аналитической геометрии в пространстве				ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	
4.	Математический анализ	3	3				
4.1	Числовая последовательность и ее предел	0,5	0,5		ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	
4.2	Функции одной вещественной переменной	0,5	0,5		ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	
4.3	Дифференциальное исчисление функций одной вещественной переменной.	2	2		ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	
2 семестр (всего 120 ч., ауд. 12 ч.)		6	6			экзамен	
4.	Математический анализ	3	3				
4.4	Функции многих переменных	1	1		ЭК, слайды	Выборочный опрос. Решение задач.	

4.5	Первообразная и неопределенный интеграл	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
4.6	Определенный интеграл	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
5.	Дифференциальные и дискретные уравнения	1	1				
5.1	Обыкновенные дифференциальные уравнения	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
5.2	Дискретные уравнения.					ЭК, слайды	Выборочный опрос.
6.	Числовые и степенные ряды	2	2				
6.1	Числовые ряды.	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
6.2	Степенные ряды	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
	3 семестр (всего 94 ч., ауд. 8ч.)	4	4				зачет
7.	Математическое программирование						
7.1	Линейное программирование	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
7.2	Транспортная задача	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
7.3	Целочисленное программирование					ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
7.4	Нелинейное программирование	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
7.5	Динамическое программирование	1	1			ЭК, слайды	Выборочный опрос. Реше- ние задач.
	Всего часов: 328 ч.	16	16				

ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

Основной теоретический материал излагается на лекциях и закрепляется на практических занятиях. Текущий контроль осуществляется путем опроса на практических занятиях, проведения самостоятельных и выполнения индивидуальных заданий. В течение каждого семестра предусматривается проведение *трех двухчасовых контрольных работ*. Итоговый контроль осуществляется в виде *зачетов и семестровых экзаменов*.

В овладении знаниями учебной дисциплины важным этапом является самостоятельная работа студентов. Рекомендуется бюджет времени для самостоятельной работы в среднем 2-2,5 часа на 2-х часовое аудиторное занятие.

Основными направлениями самостоятельной работы студента являются:

- первоначально подробное ознакомление с программой учебной дисциплины;
- ознакомление со списком рекомендуемой литературы по дисциплине в целом и ее разделам, наличие ее в библиотеке и других доступных источниках, изучение необходимой литературы по теме, подбор дополнительной литературы;
- изучение и расширение лекционного материала преподавателя за счет специальной литературы, консультаций;
- подготовка к семинарским (практическим) занятиям по специально разработанным планам с изучением основной и дополнительной литературы;
- подготовка к выполнению диагностических форм контроля (тесты, коллоквиумы, контрольные работы и т.п.);
- подготовка к тестам, зачетам и экзаменам.

Литература

Основная:

1. Рябушко, А.П. Высшая математика: теория и задачи: учеб. пособие. В 5 ч. Ч 1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функции одной переменной / А.П. Рябушко, Т.А. Жур 2-е изд.; М-во образования Респ. Беларусь. – Минск: Вышэйшая школа, 2017. – 303, [1] с.: ил.
2. Рябушко, А.П. Высшая математика: теория и задачи: учеб. пособие. В 5 ч. Ч 3. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Ряды. Краткие интегралы / А.П. Рябушко, Т.А. Жур; М-во образования Респ. Беларусь. – Минск: Вышэйшая школа, 2017. – 319, [1] с.: ил.
3. Письменный, Д.Т. Конспект лекций по высшей математике: [полный курс] / Д.Т. Письменный. – 14 изд. – Москва: Айрис – пресс, 2017. – 602, [1] с.: ил.

Дополнительная:

1. Астровский, А.И. Высшая математика: учебное пособие: В 3 ч. Ч.1 / А.И. Астровский, М.П. Дымков; М-во образования Респ. Беларусь. – Минск: БГЭУ, 2009. – 398, [1] с.: ил.
2. Астровский, А.И. Высшая математика: учебное пособие: В 3 ч. Ч.2 / А.И. Астровский, М.П. Дымков; М-во образования Респ. Беларусь. – Минск: БГЭУ, 2011. – 413, [1] с.: ил.
3. Кузнецов, А.В. Высшая математика: математическое программирование: учебник для студентов экон. спец. вузов / А.В. Кузнецов, В.А. Сакович, Н.И. Холод; под ред. А.В. Кузнецова. – 2-е изд. – Минск: Высшая школа, 2001. – 315, [1] с.: ил.
4. Красс, М.С., Математика для экономистов / М.С. Красс, Б.П. Чупрынов. – М., СПб.: Питер, 2005. – 464, [1] с.: ил.
5. Кастрица, О.А. Высшая математика для экономистов: учебник / О.А. Кастрица. – 2-е изд. – Минск: Новое знание, 2006. – 491, [1] с.: ил.
6. Высшая математика для экономистов: учебник для студентов вузов, обучающихся по экономическим специальностям / [Н.Ш.Кремер и др.]; под ред. Н.Ш.Кремера; М-во образования РФ. – Москва: ЮНИТИ – ДАНА, 2010. – 479, [1] с.: ил.
7. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс высшей математики. Т.1. Дифференциальное и интегральное исчисление функции одной переменной. Ряды: Учебник / Л.Д. Кудрявцев, 4-е изд. – Москва: ФИЗМАТЛИТ, 2015. – 444, [1] с.: ил.
8. Ахтямов, А.М., Математика для социологов и экономистов: учеб. пособие / А.М. Ахтямов. – Москва: ФИЗМАТЛИТ, 2004. – 464, [1] с.: ил.
9. Сборник задач и упражнений по высшей математике для студентов экономических специальностей: В 2 ч. Ч. 1 / [А.В. Конюх и др.]. – Минск: БГЭУ, 2021. – 308, [1] с.: ил.
10. Сборник задач и упражнений по высшей математике для студентов экономических специальностей: В 2 ч. Ч. 2 / [Л.Н.Гайшун и др.]. – Минск: БГЭУ, 2009. – 270, [1] с.: ил.
11. Кузнецов, А.В. Руководство к решению задач по математическому программированию: учеб. пособие / А.В. Кузнецов, Н.И. Холод, Л.С. Костевич; под ред. А.В. Кузнецова. – Минск: Высш. школа, 2001. – 448, [1] с.: ил.
12. Высшая математика: практикум: В 2 ч. Ч. 1 / [А.В. Конюх и др.]. – Минск: БГЭУ, 2008. – 253, [1] с.: ил.

13. Высшая математика: практикум: В 2 ч. Ч. 2 / [В.В.Косьянчук и др.]. – Минск: БГЭУ, 2011. – 235, [1] с.: ил.
14. Белорусский путь развития (вопросы и ответы): справочник / [М.Г.Жилинский и др.]. – Минск: Академия управления при Президенте Республики Беларусь, 2017. – 184 с.

ПРОТОКОЛ СОГЛАСОВАНИЯ УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЫ УВО

Название дисциплины, с которой требуется согласование	Название кафедры	Предложения об изменениях в содержании учебной программы по изучаемой учебной дисциплине	Решение, принятое кафедрой, разработавшей учебную программу (с указанием даты и номера протокола)
1. Экономико-математические методы и модели	Математических методов в экономике	Согласовано. Дублирования нет. 	Одобрить. Протокол № 10 от 26 мая 2021 г.
2. Компьютерные информационные технологии	Информационных технологий	Согласовано. Дублирования нет. 	Одобрить. Протокол № 10 от 22 мая 2021 г.
3. Общая теория статистики	Статистики	Согласовано. Дублирования нет. 	Одобрить. Протокол № 10 от 24 мая 2021 г.

**Дополнения и изменения к учебной программе
по учебной дисциплине «Высшая математика» для всех специальностей
на _____ уч. год**

№№ п/п	Дополнения и изменения	Основание
1		
2		

Учебная программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры высшей математики (протокол № _____ от _____).